

Präsenzaufgaben 14

19.20.06.2023

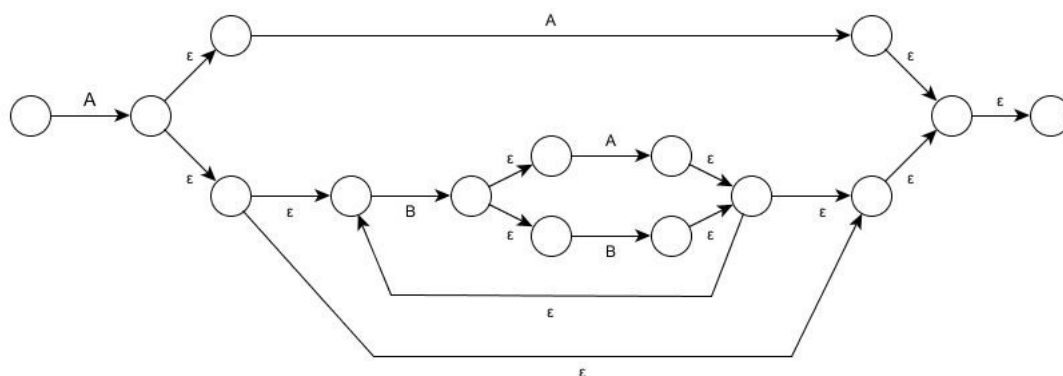
Die Lösung der Aufgaben wird am Ende der Übung von Ihnen vorgestellt.

Aufgabe 1: Fragen

- a) Welcher schnelle Sortieralgorithmus ist stabil?
- b) Welche Bedingung muss ein Feld erfüllen, damit man darin ein Element mit $O(\log n)$ finden kann?
- c) Nennen Sie ein Sortierverfahren, dessen Laufzeitkomplexität im *average case* $O(n^2)$ und im *best case* $O(n)$ ist.
- d) Nennen Sie eine Optimierung des Quick-Sort-Verfahrens bezüglich der Wahl des Pivot-Elements.
- e) Nennen Sie eine in der Vorlesung vorgestellte Anwendung des Entwurfsprinzips „dynamische Programmierung“.
- f) Kreuzen Sie an, welche der nachfolgenden Zeichenketten vom regulären Ausdruck $(ab|ba)^*(b^*|a^*)$ erkannt wird.

Zeichenkette	wird erkannt
abbbab	[]
baabba	[]
aabbbb	[]
aaabab	[]

- g) Welchem regulären Ausdruck entspricht dieser nichtdeterministische endliche Automat?



Aufgabe 2:

Sortieren Sie das folgende Feld mit Quick-Sort in aufsteigender Reihenfolge. Dabei sollte als Pivot-Element immer das am weitesten rechts liegende Element gewählt werden. Teilfelder von 2 Elementen brauchen Sie nicht mehr mit Quick-Sort zu sortieren - hier dürfen Sie die beiden Elemente gegebenenfalls einfach tauschen. Bitte markieren Sie in jedem Schritt das Pivot-Element, die Vertauschungen und die Grenzen.

8	3	2	10	14	6	19	12	5	13

Aufgabe 5:

Ein typisches Beispiel einer klausurrelevanten Aufgabe aus der theoretischen Informatik ist das Folgende:

Lösen Sie folgende lineare Rekursionsgleichung mit Hilfe von Erzeugenden Funktionen:

$$T(n) = \begin{cases} 4 \cdot T(n-3) + 4 \cdot T(n-2) - 1 \cdot T(n-1) & \text{falls } n > 2 \\ 1 & \text{sonst} \end{cases}$$

- a) Sehen Sie sich die Aufgabe und die zugehörige Musterlösung genau an.
- Eine gedruckte Musterlösung finden Sie auch im ILIAS-Ordner der Algorithmen-Vorlesung unter der Woche 14 (ue-3LV.pdf). Es handelt sich um Aufgabe 1a.
 - Optional:
 - Die passenden Vorlesungsfolien finden Sie im ILIAS-Kurs zur Theoretischen Informatik unter *15-Rekursionsgleichungen*. Relevant sind die Folien 16-40. Das Beispiel (Fibonacci-Folge) ist ein Standardbeispiel mit allerdings recht krummen Ergebnissen.
 - Haben Sie noch nicht genug? Das Fibonacci-Beispiel ist auch in folgenden Youtube-Videos erklärt:

<https://www.youtube.com/watch?v=aA0HDsa1Mu0>

<https://www.youtube.com/watch?v=gwoFNE6QWVg>

- b) Lösen Sie anschließend analog folgende Aufgabe:

Gegeben sei die Rekursionsgleichung

$$T(n) = \begin{cases} 0 & \text{falls } n = 0 \\ 1 & \text{falls } n = 1 \\ 7 \cdot T(n-1) - 12 \cdot T(n-2) & \text{sonst} \end{cases}$$

Benutzen Sie die Technik der Erzeugenden Funktion, um eine geschlossene Form für $T(n)$ zu finden.

Zur Selbstkontrolle: Das Ergebnis ist $T(n) = 4^n - 3^n$.